

# วงการวิบัติของเสาเข็มวงกลมในดินเหนียว ภายใต้แรงกระทำในแนวราบและโมเมนต์ร่วมกัน Failure Envelopes for Circular Piles in Clays Under Combined Horizontal Load and Moment

# สุทธิกาญจน์ พนมชัยวัฒน์\* สุรภาพ แก้วสวัสดิ์วงศ์ และ สายันต์ ศิริมนตรี

ภาควิชาวิศวกรรมโยธา คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยธรรมศาสตร์ จ.ปทุมธานี \*Corresponding author; E-mail address: suttikarn.pano@dome.tu.ac.th

#### บทคัดย่อ

งานวิจัยนี้นำเสนอการศึกษาขอบเขตการวิบัติของเสาเข็มวงกลมในดิน เหนียวภายใต้แรงกระทำในแนวราบและโมเมนต์ร่วมกัน การวิเคราะห์ไฟ ในต์อิลิเมนต์แบบการวิเคราะห์ลิมิตในระบบสามมิติถูกนำมาใช้วิเคราะห์ ปัญหานี้ โดยพิจารณาเสาเข็มวงกลมมีความลึกและความกว้าง สำหรับการ วิเคราะห์ไฟในต์อิลิเมนต์ เสาเข็มวงกลมถูกจำลองด้วยวัสดุแบบแข็งเกร็ง ไม่ เกิดการวิบัติ และดินเหนียวถูกจำลองเป็นวัสดุแบบเทรสกาในสภาพไม่ ระบายน้ำ ชิ้นส่วนเชื่อมต่อระหว่างเสาเข็มและดินเหนียวให้เป็นแบบไม่มี แรงดึง ผลเฉลยขอบเขตการวิบัติของเสาเข็มวงกลมในดินเหนียวภายใต้แรง กระทำในแนวราบและโมเมนต์ร่วมกันนี้ถูกนำเสนอในรูปแบบของ พารามิเตอร์ไร้มิติของแรงกระทำในแนวราบและโมเมนต์ จากผลการศึกษา พบว่าอัตราส่วนระหว่างความลึกและความกว้างของเสาเข็มวงกลมมีผลต่อ ลักษณะและขอบเขตการวิบัติของเสาเข็มวงกลมในดินเหนียว

คำสำคัญ: ไฟไนต์อิลิเมนต์, เสาเข็มวงกลม, แรงกระทำแบบ, แบบปริมาตร สามมิติ

#### Abstract

This research presents failure envelopes for circular piles in clays subjected to combined horizontal load and moment. A three-dimensional finite element analysis was conducted to determine the solution for this problem, considering the depth and width of the circular piles. For finite element analyses, the circular pile was modeled as a volume element with rigid material, while the clay was modeled using Tresca material in an undrained condition. Soil-structure interfaces were modeled with no tension. The failure envelopes of circular piles in clay under combined horizontal load and moment are presented in terms of normalized parameters of horizontal load and moment. The result of this study found that the ratio between depth and width of circular piles affects the character and failure of the envelope of circular piles in clays.

Keywords: Finite Element, Circular Piles, Combined Load, Three-dimentional

#### 1. คำนำ

เสาเข็มเป็นส่วนประกอบสำคัญอย่างหนึ่งในโครงสร้าง เนื่องจากเป็น ส่วนที่รับการถ่ายน้ำหนักทั้งหมดของโครงสร้าง และส่งต่อน้ำหนักทั้งหมด ลงสู่ชั้นดิน สำหรับการออกแบบเสาเข็มของโครงสร้างที่มีความซับซ้อน เช่น โครงสร้างนอกชายฝั่งทะเล หรือโครงสร้างขนาดใหญ่ เช่น สะพานหรือ อาคารสูงนั้นควรพิจารณาแรงกระทำในแนวราบและโมเมนต์ที่กระทำต่อ เสาเข็มร่วมด้วย เพื่อให้ได้ค่าใกล้เคียงจากสภาพความเป็นจริงมากที่สุด เนื่องจากในสภาพแวดล้อมจริงนั้นมีแรงที่กระทำต่อโครงสร้างทั้งแรงจากลม และแรงจากคลื่น ซึ่งส่งผลให้เกิดแรงกระทำในแนวราบและโมเมนต์ต่อ เสาเข็มที่รองรับโครงสร้างเหล่านี้

งานวิจัยนี้นำเสนอเรื่องวงการวิบัติของเสาเข็มในดินเหนียวภายใต้แรง กระทำในแนวราบและโมเมนต์ร่วมกัน โดยมีผลการวิเคราะห์เป็นแผนภูมิ ของพารามิเตอร์ไร้มิติ ที่แสดงความสัมพันธ์ระหว่างแรงกระทำในแนวราบ โมเมนต์ ความลึกของเสาเข็ม กำลังรับแรงเฉือนของดินเหนียว และหน่วย น้ำหนักของดินเหนียว รวมไปถึงแผนภูมิแสดงขอบเขตการวิบัติ (Failure envelope) ระหว่างแรงในแนวราบและโมเมนต์ โดยใช้วิธีไฟไนต์อิลิเมนต์ แบบการวิเคราะห์ลิมิตในระบบสามมิติ ด้วยโปรแกรม OptumG3

## 2. วิธีการวิเคราะห์เสาเข็มรับแรงกระทำ

#### 2.1 การวิเคราะห์เสาเข็มรับแรงดันด้านข้างด้วยวิธีการดั้งเดิม

Brum [1] ได้นำแบบจำลองแรกสำหรับเสาเข็มรับแรงด้านข้างแบบ ระบบ 2 มิติ แต่สามารถใช้ได้เฉพาะกับดินทราย และมีลักษณะการวิบัติ คล้ายกับกำแพงกันดินมากกว่า Brom [2] ได้นำเสนอผลเฉลยของแรงวิบัติ เสาเข็มกลุ่มและเสาเข็มเดี่ยวในดินเหนียว ซึ่งสามารถนำไปได้หลากหลาย และเป็นที่นิยม ต่อมา Muff และ Hamilton [3] ได้ใช้วิธีวิเคราะห์ผลเฉลย



ของเสาเข็มรับแรงด้านข้างด้วยวิธีขอบเขตบน ทำให้ผลเฉลยที่ได้นั้นมีค่าสูง เกินไป

Klar และ Randolph [4] ได้ใช้วิธีขอบเขตบน และวิธี Load-Displacement ในการวิเคราะห์ผลเฉลยของเสาเข็มรับแรงดันด้านข้างใน ระบบ 3 มิติ ต่อมา Yu, Huang และ Zhang [5] ได้วิเคราะห์หาค่าของ Ultimate bearing capacity ของเสาเข็มแบบแข็งเกร็งรับแรงดันด้านข้าง ด้วยวิธีการวิเคราะห์ลิมิติแบบขอบเขตบน

#### 2.2 การวิเคราะห์เสาเข็มรับแรงด้านข้างด้วยวิธีไฟไนต์อิลิเมนต์

Chaudhry [6] ได้ทำการศึกษาและวิเคราะห์เสาเข็มหน้าตัดแนวราบ ในดินเหนียวและดินทรายแบบ 2 มิติ ด้วยวิธีไฟในต์อิลิเมนต์ที่แตกต่างกัน Pradhan [7] ได้ใช้วิธีไฟในต์อิลิเมนต์หาค่าสติฟเนส ของเสาเข็มในแนวราบ ด้วยโปรแกรม Plaxis 2D และ 3D ต่อมา Mardfekri และคณะ [8] ได้ใช้วิธี ไฟในต์อิลิเมนต์ศึกษาผลการเคลื่อนที่ของเสาเข็มในแนวดิ่งที่อยู่ในดินทราย และดินเหนียว

Keawsawasvong และ Ukritchon [9-11] ได้ใช้วิธีไฟไนต์อิลิเมนต์ ศึกษาการวิบัติของเสาเข็มรับแรงดันทางด้านข้างในดินเหนียวแบบ 2 มิติ ต่อมาได้ทำการศึกษาวิเคราะห์ผลเฉลยเชิงตัวเลขของเสาเข็มคอนกรีตรูปตัว ไอรับแรงดันด้านข้าง และได้ใช้วิธีไฟไนต์อิลิเมนต์แบบ Displacement-Based วิเคราะห์เสาเข็มรับแรงดันด้านข้างในระบบ 3 มิติ

Graine, Hjiaj และ Krabbenhof [12] ได้ใช้วิธีไฟไนต์อิลิเมนต์แบบ การวิเคราะห์ลิมิตในระบบ 3 มิติ วิเคราะห์การวิบัติของเสาเข็มภายใต้การ รวมผลแรงกระทำ ต่อมา Izadi และ Chenari [13] ได้ใช้วิธีการวิเคราะห์ไฟ ในต์อิลิเมนต์แบบการวิเคราะห์ลิมิตแบบขอบเขตล่างศึกษาผลเฉลยค่า แรงดันสูงสุดของเสาเข็ม

# 2.3 การวิเคราะห์เสาเข็มรับแรงกระทำแบบรวมด้วยวิธีไฟไนต์อิลิเมนต์แบบ การวิเคราะห์ลิมิต (FELA)

Izadi และ Chenari [14] ได้ใช้วิธีไฟไนต์อิลิเมนต์แบบขอบเขตล่าง แบบสามมิติศึกษาการวิบัติของเสาเข็มภายใต้แรงกระทำในแนวดิ่งและ แนวราบกระทำร่วมกัน โดยใช้ไฟไนต์อิลิเมนต์แบบการวิเคราะห์แบบลิมิต (FELA)

โดยวิธีไฟไนต์อิลิเมนต์แบบการวิเคราะห์ลิมิต (FELA) เป็นวิธีการ วิเคราะห์กลศาสตร์เชิงตัวเลขในทางวิศวกรรมธรณีเทคนิค เพื่อหาการวิบัติ ของปัญหาทางด้านธรณีเทคนิค โดยทำการสร้างชิ้นส่วนย่อย (Element) แต่ละชิ้นส่วนย่อยจะมีจุดต่อ (Node) ของตัวเอง และแบ่งออกเป็น 2 วิธี คือวิธีขอบเขตบน (Upper bound analysis) และวิธีขอบเขตล่าง (Lower bound analysis) ซึ่งวิธีไฟไนต์อิลิเมนต์จะทำการเพิ่มแรงที่กระทำต่อ โครงสร้างทีละน้อย จนเกิดการวิบัติขึ้น และค่าขอบเขตบนและขอบเขตล่าง จะลู่เข้าใกล้กันจนได้ผลเฉลยที่ค่อนข้างใกล้เคียงกับผลเฉลยที่แท้จริงมาก ที่สุด ทำให้วิธีไฟไนต์อิลิเมนต์นั้นมีความแม่นยำมากกว่าวิธีอื่นๆ และ สามารถจำลองปัญหาที่มีความซับซ้อนได้

# 3. ขอบเขตของงานวิจัย

งานวิจัยนี้ใช้วิธีไฟไนต์อิลิเมนต์แบบการวิเคราะห์ลิมิตแบบระบบ 3 มิติ ด้วยโปรแกรม OptumG3 โดยโปรแกรม OptumG3 คือซอฟต์แวร์ที่ใช้ ระบบไฟไนต์อิลิเมนต์แบบวิเคราะห์ลิมิต (FELA) แบบสามมิติ และเป็นที่ นิยมในปัจจุบัน โดยแบบจำลองของเสาเข็มเป็นเสาเข็มวงกลมในดินเหนียว ที่รับแรงกระทำในแนวดิ่งและโมเมนต์ร่วมกันบนหน้าตัดของเสาเข็ม ดังรูป ที่ 1





**รูปที่ 1** (a) แบบจำลองเสาเข็มวงกลมในดินเหนียวในโปรแกรม OptumG3 (b) รูปแบบของแรงที่กระทำบนหน้าตัดเสาเข็มในโปรแกรม OptumG3

#### 3.1 แบบจำลองของดินเหนียว

แบบจำลองของดินเหนียวถูกจำลองให้เป็นอิลิเมนต์แบบปริมาตรสาม มิติ โดยพิจารณาเพียงครึ่งระบบ เนื่องจากระบบแบบจำลองเป็นแบบ สมมาตร มีความกว้าง = 30D ความยาว = 15D และความลึก = 1.5L กำหนดให้แบบจำลองของดินเหนียวมีขอบเขตที่ครอบคลุมต่อวงการวิบัติ และมีคุณสมบัติดังนี้ กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำ (*S*<sub>u</sub>) = 1 kPa มุมเสียดทานภายใน (**Ø**) = 0 และมุมขยายเชิงปริมาตร (**W**) = 0 ซึ่งเป็น คุณสมบัติของดินเหนียวแบบไม่ระบายน้ำ นอกจากนี้มีการกำหนดให้ดิน เหนียวมีหน่วยน้ำหนักเท่ากับ 0 kN/m<sup>3</sup> (**Y**<sub>s</sub> = 0) หรือเป็นกรณี Undrained condition



#### 3.2 แบบจำลองของเสาเข็ม

แบบจำลองของเสาเข็มถูกจำลองให้เป็นอิลิเมนต์แบบปริมาตรสามมิติ แบบครึ่งระบบ โดยเป็นเสาเข็มหน้าตัดวงกลม มีความกว้าง = D และความ ลึก = L และมีคุณสมบัติแบบแข็งเกร็ง (Rigid Body) มีหน่วยน้ำหนักของ เสาเข็ม (γ<sub>c</sub>) = 0 kN/m<sup>3</sup> และไม่เกิดการวิบัติใดๆในเสาเข็ม โดย แบบจำลองของเสาเข็มวงกลมในดินเหนียวแสดงดังรูปที่ 1(a) และรูปที่ 1(b) แสดงถึงรูปแบบของแรงที่กระทำบนเสาเข็ม

# 3.3 ชิ้นส่วนเชื่อมต่อระหว่างดินเหนียวและเสาเข็ม

ชิ้นส่วนเชื่อมต่อระหว่างดินเหนียวและพื้นผิวรอบเสาเข็มถูกกำหนดให้ เป็นแบบหยาบ (Rough surface) โดยค่าแฟกเตอร์การยึดเกาะระหว่างดิน เหนียวและเสาเข็มมีค่าเท่ากับ 1 ซึ่งผิวสัมผัสระหว่างเสาเข็มและดินเหนียว เชื่อมต่อกันแบบไม่มีแรงดึง (No tension) เป็นการจำลองสภาพการแยกตัว ระหว่างดินเหนียวและเสาเข็ม สามารถเกิดแรงดึงขึ้นได้ และให้สมบัติการ แยกตัวของวัสดุเป็นแบบเทรสกา (Tresca)

#### 3.4 เงื่อนไขขอบเขต

แบบจำลองของเสาเข็มวงกลมในดินเหนียวกำหนดให้ขอบด้านข้างของ แบบจำลองไม่สามารถเคลื่อนที่ได้ในแนวราบหรือแกน x และ y (Size fixed x, y) กล่าวคือ U<sub>x</sub> = U<sub>y</sub> = 0 และขอบด้านล่างของแบบจำลองไม่ สามารถเคลื่อนที่ได้ทั้งแนวดิ่งและแนวราบหรือแกน x, y และ z (Bottom fixed x, y, z) กล่าวคือ U<sub>x</sub> = U<sub>y</sub> = U<sub>z</sub> = 0

#### 3.5 โครงข่ายของแบบจำลองเสาเข็ม

แบบจำลองเสาเข็มวงกลมในดินเหนียวในโปรแกรม OptumG3 มี ลักษณะของอิลิเมนต์เป็นชิ้นส่วนรูปทรงสามเหลี่ยมแบบมี 4 จุดต่อ และมี ฟังก์ชันพิเศษ คือแบบจำลองสามารถขยายโครงข่ายของชิ้นส่วนย่อย (Adaptive Mesh) ได้โดยอัตโนมัติ โดยฟังก์ชันนี้จะเพิ่มจำนวนชิ้นส่วนย่อย ในพื้นที่ที่มีการเปลี่ยนแปลงความเค้นและความเครียด เช่นตำแหน่งที่เกิด ระนาบการวิบัติ นอกจากนี้ยังคำนึงถึงการลู่เข้าของผลเฉลยจากการ วิเคราะห์ ซึ่งจะสัมพันธ์กับจำนวนอิลิเมนต์ที่กำหนดไว้ โดยในงานวิจัยนี้จะ แบ่งจำนวนอิลิเมนต์เริ่มต้นที่ 5,000 อิลิเมนต์ และขยายโครงข่ายจำนวน 5 รอบ แต่ละรอบจะเพิ่มจำนวนอิลิเมนต์ขึ้นและลู่เข้าสู่ค่าคำตอบที่แท้จริง ซึ่ง เพิ่มอิลิเมนต์สูงสุดได้ถึงจำนวน 10,000 อิลิเมนต์ และแบบจำลองการแบ่ง ชิ้นส่วนย่อยของเสาเข็มวงกลมในดินเหนียว แสดงดังรูปที่ 2

#### 3.6 พารามิเตอร์ที่ศึกษา

พารามิเตอร์ที่ศึกษาในแบบจำลองมีดังนี้ กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ ระบายน้ำของดิน (*S<sub>u</sub>*) กำลังรับแรงเฉือนแบบไม่ระบายน้ำของส่วน เชื่อมต่อระหว่างดินเหนียวและเสาเข็ม (*S<sub>ui</sub>*) หน่วยน้ำหนักของดิน (*Y<sub>s</sub>*) เส้นผ่านศูนย์กลางของเสาเข็ม (D) และความลึกของเสาเข็ม (L) โดย พารามิเตอร์ทั้งหมดเป็นตัวแปรไร้มิติ และเมื่อกำหนดให้อยู่ในความสัมพันธ์ จะมีค่าช่วงดังนี้

- 1. *ร<sub>แi</sub> / ร<sub>แ</sub>* กำหนดให้มีค่าเท่ากับ 1
- 2.  $\gamma_s L / s_\mu$  กำหนดให้มีค่าเท่ากับ 0

 L/D กำหนดให้อยู่ในช่วง 5-60 โดย D มีค่าเท่ากับ 1 เสมอ ผลเฉลยจากการวิเคราะห์กำหนดให้อยู่ในรูปของตัวแปรไร้มิติดังนี้ H/s<sub>u</sub>L และ M/s<sub>u</sub>L<sup>2</sup>



**รูปที่ 2** แบบจำลองการแบ่งชิ้นส่วนย่อยของเสาเข็มวงกลม ในดินเหนียวแบบครึ่งระบบในโปรแกรม OptumG3

#### 4. ผลการวิเคราะห์

#### 4.1 ผลการวิเคราะห์ของเสาเข็มวงกลมรับแรงกระทำเพียงแรงเดียว

ผลการวิเคราะห์ของเสาเข็มวงกลมในดินเหนียวรับแรงกระทำเพียงแรง เดียวด้วยวิธีไฟไนต์อิลิเมนต์แบบดิมิต แบ่งเป็น 2 กรณี คือกรณีเสาเข็ม วงกลมในดินเหนียวรับแรงในแนวราบเพียงแรงเดียว และกรณีเสาเข็ม วงกลมในดินเหนียวรับโมเมนต์เพียงแรงเดียว กำหนดให้ค่า  $\gamma_s L/s_u = 0$ และ  $s_u = 1$ 

#### 4.1.1 เสาเข็มที่รับเฉพาะแรงกระทำในแนวราบเพียงแรงเดียว

เสาเข็มวงกลมในดินเหนียวที่รับเฉพาะแรงกระทำในแนวราบเพียงแรง เดียว (H/s<sub>u</sub>L) มีผลลักษณะการวิบัติ Shear dissipation ของเสาเข็มแสดง ดังรูปที่ 3 โดยในรูปที่ 3(a) เป็นเสาเข็มกรณี L/D = 5 และ 3(b) เป็น เสาเข็มกรณี L/D = 30 จะพบว่าค่า L/D มีผลต่อวงขอบเขตการวิบัติของ ดินเหนียว โดยขนาดของวงขอบเขตการวิบัติด้าน Active จะมีขนาดที่กว้าง ขึ้นตามความลึกของเสาเข็มที่เพิ่มขึ้น

รูปที่ 4 แสดงผลเฉลยแรงวิบัติของเสาเข็มที่รับเฉพาะแรงในแนวราบที่ ได้จากการวิเคราะห์ด้วยวิธีไฟไนต์อิลิเมนต์แบบลิมิตนำมาเปรียบเทียบกับ งานวิจัยในอดีตต่างๆ ที่วิเคราะห์ด้วยวิธีต่างๆ อย่างวิธี Limit equilibrium method (LEM) ศึกษาโดย Brom [2], Meyerhof และคณะ [15] และ Georgiadis และคณะ [16] วิธี Upper bound (UB) Limit analysis ศึกษา โดย Murff และ Hamilton [3] และ Yu และคณะ [5] และวิธี Finite element method (FEM) ได้ ทำศึกษาโดย Keawsawasvong และ Ukritchon [11] พบว่าการวิเคราะห์ด้วยวิธีต่างๆนั้น ความลึกของเสาเข็มมี



ผลต่อผลเฉลยแรงวิบัติของเสาเข็มเสมอ โดยเมื่อค่า L/D เพิ่มขึ้น ค่า H/s<sub>u</sub>L จะเพิ่มขึ้นตาม และวิธี Upper bound มีค่าผลเฉลยสูงกว่าวิธีไฟไนต์อิลิ เมนต์ที่ศึกษา และวิธี Limit equilibrium method จะมีค่าผลเฉลยต่ำกว่า วิธีไฟไนต์อิลิเมนต์ที่ศึกษา



(a)







รูปที่ 3 Shear Dissipation ของเสาเข็มที่รับเฉพาะแรงในแนวราบ

(a) L/D = 5; (b) L/D = 30

# 4.1.2 เสาเข็มที่รับเฉพาะโมเมนต์เพียงแรงเดียว

เสาเข็มที่รับฉพาะโมเมนต์เพียงแรงเดียว (M/s<sub>u</sub>L<sup>2</sup>) มีลักษณะการวิบัติ Shear dissipation ของเสาเข็มแสดงดังรูปที่ 5 โดยรูปที่ 5(a) เป็นกรณี L/D = 5 และ 5(b) เป็นกรณี L/D = 30 พบว่าค่า L/D มีผลต่อความกว้าง ของวงขอบเขตการวิบัติ โดยเมื่อความลึกของเสาเข็มเพิ่มขึ้น ขนาดความ กว้างของวงขอบเขตการวิบัติของดินเหนียวในด้าน Active จะเพิ่มขึ้นตาม



(a)



**รูปที่ 5** Shear Dissipation ของเสาเข็มที่รับเฉพาะโมเมนต์ (a) L/D = 5; (b) L/D = 30



รูปที่ 6 แสดงการเปรียบเทียบผลเฉลยขอบเขตการวิบัติของเสาเข็มใน ดินเหนียวรับโมเมนต์เพียงแรงเดียวกับงานวิจัยในอดีตอย่างงานของ Keawsawasvong และ Ukritchon [11] พบว่าทั้งสองงานวิจัยเมื่อค่า L/D เพิ่มขึ้น ค่า M/s<sub>u</sub>L<sup>2</sup> จะเพิ่มขึ้นตาม และงานวิจัยในอดีตมีค่าผลเฉลยต่ำกว่า งานวิจัยที่ศึกษา อาจมาจากการแบ่งจำนวนอิลิเมนต์ที่ไม่เท่ากัน

จากผลเฉลยทั้งสองกรณีจะพบว่าความลึกของเสาเข็มนั้นมีผลต่อความ กว้างของขอบเขตการวิบัติของเสาเข็มและผลเฉลยขอบเขตการวิบัติของ เสาเข็ม กล่าวได้ว่าเมื่อความลึกเพิ่มขึ้น ขนาดความกว้างของขอบเขตการ วิบัติและผลเฉลยขอบเขตการวิบัติของเสาเข็มจะเพิ่มขึ้นเช่นกัน



ที่รับเฉพาะโมเมนต์กับงานวิจัยในอดีต

#### 4.2 ผลการวิเคราะห์ของเสาเข็มวงกลมรับแรงกระทำร่วม

ผลการวิเคราะห์ของเสาเข็มวงกลมรับแรงกระทำในแนวราบและ โมเมนต์ร่วมกันด้วยวิธีไฟไนต์อิลิเมนต์แบบลิมิต โดยมีค่า  $\gamma_s L / S_u = 0$ และ S<sub>u</sub> = 1 จะถูกนำเสนอในรูปของกราฟขอบเขตการวิบัติ (Failure Envelope) ดังรูปที่ 7



รูปที่ 7 รูปแบบแสดงขอบเขตการวิบัติ (Failure envelope)

รูปที่ 7 เป็นกราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่าง  $H/s_0L$  และ  $M/s_0L^2$  ซึ่งมี สัดส่วนโมเมนต์ต่อแรงในแนวราบคือ M/HL หรือเท่ากับ  $\tan(\beta)$  โดย  $\beta$  คือมุมระหว่างแรงกระทำในแนวดิ่งและโมเมนต์ โดยให้ควอดรันต์ 1 เป็นควอดรันต์ที่แรงกระทำร่วมกันมีทิศไปทางเดียวกัน และควอดรันต์ 2 เป็นควอดรันต์ที่แรงกระทำร่วมกันมีทิศไปทางตรงข้ามกัน

จากการวิเคราะห์เสาเข็มวงกลมในดินเหนียวที่รับแรงกระทำใน แนวราบและโมเมนต์ร่วมกัน ได้ผลลักษณะการวิบัติ Shear dissipation แสดงดังรูปที่ 8 โดยรูปที่ 8(a) เป็นกรณี L/D = 5 และรูปที่ 8(b) เป็นกรณี L/D = 30 จะพบว่าเมื่อความลึกของเสาเข็มเพิ่มขึ้น ความกว้างของวง ขอบเขตการวิบัติด้าน Active จะเพิ่มขึ้นเช่นเดียวกันกับกรณีเสาเข็มวงกลม ในดินเหนียวรับแรงกระทำเพียงแรงเดียว



(a)



**รูปที่ 8** Shear Dissipation ของเสาเข็มที่รับแรงในแนวราบและโมเมนต์ร่วมกัน (a) L/D = 5; (b) L/D = 30

รูปที่ 9 แสดงตัวอย่างกลไกการวิบัติบนเส้นขอบเขตการวิบัติของ เสาเข็มวงกลมในดินเหนียวรับแรงในแนวราบและโมเมนต์ร่วมกัน โดยแสดง Shear dissipation ที่ตำแหน่ง *β* = 0, 30, 90, 120, 140, 150, 160



และ 170 องศา ตัวอย่างที่แสดงคือขอบเขตการวิบัติของกรณี L/D = 30 พบว่ากรณี  $oldsymbol{eta}$  = 0-150 องศา มีลักษณะวงขอบเขตการวิบัติที่แตกต่าง จากกรณี  $oldsymbol{eta}$  = 160-170 องศา เนื่องจากเสาเข็มมีการเคลื่อนที่ไปคนละ ทิศทาง โดยกรณี  $oldsymbol{eta}$  = 0-150 องศา เสาเข็มเคลื่อนที่ไปทางฝั่งขวา แต่ กรณี  $oldsymbol{eta}$  = 160-170 องศา เสาเข็มมีการเคลื่อนที่ไปทางฝั่งข้าย



รูปที่ 10 แสดงขอบเขตการวิบัติของเสาเข็มในดินเหนียวรับแรงใน แนวราบและโมเมนต์ร่วมกัน โดยแสดงเส้นขอบเขตการวิบัติของกรณี L/D = 5, 10, 20, 30, 50 และ 60 พบว่าเส้นขอบเขตการวิบัติทุกเส้นมีลักษณะ เหมือนวงรีที่เฉียงประมาณ 3π/4 องศา นับจากแกนในแนวราบของ ควอดรันต์ 1 ตรงปลายวงรีของควอดรันต์ที่ 2 และ 3 มีลักษณะที่บิดเบี้ยว คล้ายปลายใบพัดกังหัน และพบว่าเมื่ออัตราส่วน L/D เพิ่มขึ้น ขนาดวงการ วิบัติจะเพิ่มขึ้นตาม และตั้งแต่กรณี L/D = 30-60 ผลเฉลยจะเริ่มมีค่า ใกล้เคียงกัน โดยกรณี L/D = 5 เส้นขอบเขตการวิบัติจะมีขนาดเล็กที่สุด และเส้นขอบเขตการวิบัติที่ใหญ่ที่สุดคือกรณี L/D = 60



**รูปที่ 10** ผลเฉลยขอบเขตการวิบัติของเสาเข็มวงกลมในดินเหนียว ที่รับแรงในแนวราบและโมเมนต์ร่วมกัน

## 5. บทสรุป

งานวิจัยนี้นำเสนอการวิเคราะห์เสาเข็มวงกลมในดินเหนียว 2 กรณีคือ กรณีเสาเข็มวงกลมในดินเหนียวรับแรงเพียงแรงเดียว และกรณีเสาเข็ม วงกลมในดินเหนียวรับแรงกระทำในแนวราบและโมเมนต์ร่วมกัน ด้วยวิธีไฟ ในต์อิลิเมนต์แบบลิมิตสามมิติ

ผลเฉลยตัวแปรไร้มิติจากการศึกษาคือแรงวิบัติในแนวราบ (H) และ โมเมนต์ (M) ซึ่งอยู่ในรูปตัวแปรดังนี้ H/s<sub>u</sub>L และ M/s<sub>u</sub>L<sup>2</sup> และได้นำผล เฉลยจากการวิเคราะห์เสาเข็มที่รับแรงเพียงแรงเดียวมาเปรียบเทียบกับผล เฉลยของงานวิจัยในอดีตหลายๆงานที่ใช้วิธีวิเคราะห์ที่ต่างกัน พบว่าผล เฉลยการวิบัติทั้งกรณีรับแรงในแนวราบเพียงแรงเดียว และกรณีรับโมเมนต์ เพียงแรงเดียว มีลักษณะเส้นการวิบัติที่คล้ายกัน แต่ค่าไม่ใกล้เคียงกัน เนื่องจากใช้วิธีวิเคราะห์ที่ต่างกัน และได้นำผลเฉลยกรณีรับแรงในแนวราบ และโมเมนต์ร่วมกันนำเสนอเป็นรูปแบบแสดงความสัมพันธ์ระหว่าง H/s<sub>u</sub>L และ M/s<sub>i</sub>L<sup>2</sup>

จากผลการศึกษาพบว่าอัตราส่วนระหว่างความลึกและความกว้างของ เสาเข็มวงกลม (L/D) มีผลต่อขอบเขตการวิบัติและลักษณะการวิบัติของ เสาเข็มวงกลมในดินเหนียว

# กิตติกรรมประกาศ

ผู้เขียนคนที่หนึ่งขอขอบคุณทุนการศึกษาจากคณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยธรรมศาสตร์ ที่ทำให้ผู้เขียนได้มีโอกาสเข้าศึกษาปริญญาโท และศึกษาในสิ่งที่ชอบและสนใจ รวมถึงได้ทดลองทำงานวิจัยต่างๆในระดับ ปริญญาโท

#### เอกสารอ้างอิง

- Blum, H. (1932). Wirtschaftliche dalbenformen und deren berechnung. Verlag nicht ermittelbar, pp.49-60.
- [2] Broms, B. B. (1964). Lateral resistance of piles in cohesive soils. Journal of the soil mechanics and foundations division, 90(2), pp.27-63.
- [3] Murff, J. D., & Hamilton, J. M. (1993). P-ultimate for undrained analysis of laterally loaded piles. *Journal of Geotechnical Engineering*, 119(1), pp.91-107.
- [4] Klar, A., & Randolph, M. F. (2008). Upper-bound and loaddisplacement solutions for laterally loaded piles in clays based on energy minimisation. *Géotechnique*, 58(10), pp.815-820.
- [5] Yu, J., Huang, M., & Zhang, C. (2015). Three-dimensional upper-bound analysis for ultimate bearing capacity of laterally loaded rigid pile in undrained clay. *Canadian Geotechnical Journal*, 52(11), pp.1775-1790.

- [6] Chaudhry, A. R. (1994). Static pile-soil-pile interaction in offshore pile groups. Ph.D. dissertation, University of Oxford, England.
- [7] Pradhan, D. L. (2012). Development of py curves for monopiles in clay using finite element model Plaxis 3D Foundation. Master's thesis, Institutt for bygg, anlegg og transport, Norway.
- [8] Mardfekri, M., Gardoni, P., & Roesset, J. M. (2013). Modeling laterally loaded single piles accounting for nonlinear soilpile interactions. *Journal of Engineering 2013*, pp.1-7.
- [9] Keawsawasvong, S., & Ukritchon, B. (2016). Ultimate lateral capacity of two-dimensional plane strain rectangular pile in clay. *Geomechanics and Engineering*, 11(2), pp.235-252.
- [10] Keawsawasvong, S., & Ukritchon, B. (2017). Undrained lateral capacity of I-shaped concrete piles. Songklanakarin Journal of Science & Technology, 39(6), pp.751-758.
- [11] Keawsawasvong, S., & Ukritchon, B. (2020). Failure modes of laterally loaded piles under combined horizontal load and moment considering overburden stress factors. *Geotechnical and Geological Engineering*, 38, pp.4253-4267.
- [12] Graine, N., Hjiaj, M., & Krabbenhoft, K. (2021). 3D failure envelope of a rigid pile embedded in a cohesive soil using finite element limit analysis. *International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics*, 45(2), pp.265-290.
- [13] Izadi, A., & Jamshidi Chenari, R. (2021). Three-dimensional finite-element lower bound solutions for lateral limit load of piles embedded in Cross-Anisotropic Clay Deposits. International *Journal of Geomechanics*, 21(12), 04021234.
- [14] Izadi, A., & Chenari, R. J. (2023). Combined load bearing capacity of rigid piles embedded in a cross-anisotropic clay deposit using 3D finite element lower bound. *Journal of Rock Mechanics and Geotechnical Engineering*, 15(3), pp.717-737.
- [15] Meyerhof, G. G., Mathur, S. K., & Valsangkar, A. J. (1981). Lateral resistance and deflection of rigid walls and piles in layered soils. *Canadian Geotechnical Journal*, 18(2), pp.159-170.
- [16] Georgiadis, K., Georgiadis, M., & Anagnostopoulos, C. (2013).
  Lateral bearing capacity of rigid piles near clay slopes. *Soils* and Foundations, 53(1), pp.144-154.