

# การทำนายความผิดปกติทางธรณีวิทยาบริเวณหน้าอุโมงค์ด้วยคลื่นไหวสะเทือน PREDICTION OF GEOLOGICAL ANOMALIES AHEAD OF TUNNEL FACE BY SEISMIC WAVES

พลพัชร นิลวัชราภรณ์<sup>1,\*</sup>, ฐิรวัตร บุญญะฐี<sup>1</sup>

<sup>1</sup> ภาควิชาวิศวกรรมโยธา คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย กรุงเทพมหานคร ประเทศไทย \*Corresponding author address: ponlapat.nil@gmail.com

### บทคัดย่อ

ความผิดปกติทางธรณีวิทยา เช่น บริเวณที่ชั้นหินแตกต่างจากสภาพโดยรอบ บริเวณโพรงถ้ำที่มีปริมาณน้ำสูง อาจทำให้เกิดปัญหาในระหว่าง การขุดเจาะอุโมงค์ได้ เช่น การสูญเสียเสถียรภาพของหน้าอุโมงค์ การไหลทะลักของน้ำ และประสิทธิภาพในการขุดเจาะที่ลดลง ดังนั้นการทราบถึง ตำแหน่งของความผิดปกติทางธรณีวิทยาล่วงหน้าจึงเป็นประโยชน์ต่อการวางแผนความปลอดภัยและแผนปฏิบัติงานขุดเจาะอุโมงค์ ในการศึกษานี้ ผู้วิจัยได้ศึกษาความเป็นไปได้ในการนำเทคนิคการตรวจวัดแบบ Tunnel Seismic Prediction มาคาดการณ์ความผิดปกติทางธรณีวิทยาบริเวณหน้า อุโมงค์ โดยจำลองการแพร่กระจายคลื่นด้วยวิธี Spectral Element Method ในแบบจำลองชั้นหินที่มีความผิดปกติทางธรณีวิทยา แล้วนำข้อมูล คลื่นที่สังเคราะห์ได้มาประมวลผลด้วยฟิลเตอร์แบบ F-K และการแปลผลแบบ Kirchhoff's migration โดยคำนึงถึงทิศทางในการสั่นของคลื่น จาก การศึกษาพบว่าวิธีการดังกล่าวตัดสัญญาณรบกวนที่เกิดจากคลื่นสะท้อนในทิศทางที่ไม่เกี่ยวข้องออกไปได้ และทำให้สามารถทำนายตำแหน่งของ ความผิดปกติทางธรณีวิทยาได้ใกล้เคียงกับแบบจำลองตั้งต้นที่ใช้ในการสร้างคลื่นสังเคราะห์ **คำสำคัญ:** Tunnel Seismic Prediction, F-K filter, Kirchhoff's migration, ธรณีฟิสิกส์

#### Abstract

Geological anomalies such as weak zones, water-filled cavities may cause problems during tunnel excavations, for instance, the loss of stability at tunnel's face, flooding, reduction in excavation rate, etc. Thus, the knowledge of geological anomalies in advance is beneficial for safety and operation planning. The potential to predict geological anomalies ahead of tunnel face by seismic waves called Tunnel Seismic Prediction is investigated in this study. The study is performed on artificial seismic records generated by Spectral Element Method based on a numerical model which embedded with a geological anomaly. The synthesized waves are processed by F-K filtering to extract only waves in a relevant velocity range and directions before processed by Kirchhoff's migration with a consideration of vibration axes. Results from the migration show that irrelevant waves can be excluded by the proposed technique resulting in a better prediction for the location of assumed anomaly in the synthesis model.

Keywords: Tunnel Seismic Prediction, F-K filter, Kirchhoff's migration, Geophysical prospecting

### 1. TUNNEL SEISMIC PREDICTION (TSP)

ความผิดปกติทางธรณีวิทยาสามารถทำให้เกิดการวิบัติของหน้า อุโมงค์และดาดอุโมงค์ได้ เช่น การขุดเจาะเจอโพรงน้ำใต้ดินทำให้น้ำ ทะลักเข้ามาในอุโมงค์ ซึ่งสร้างความเสียหายต่อคนงานและ เครื่องจักรได้ หากทราบตำแหน่งของความผิดปกติทางธรณีวิทยาใน แนวการขุดเจาะของอุโมงค์ได้ล่วงหน้าจะทำให้สามารถเตรียมตัว รับมือกับปัญหาที่อาจจะเกิดขึ้นได้ สำหรับวิธีในการการคาดการณ์ ถึงความผิดปกติทางธรณีวิทยาในงานวิจัยนี้คือ วิธี Tunnel seismic prediction (TSP) ซึ่งใช้ระเบิดสร้างคลื่นสั่นสะเทือนให้เคลื่อนที่ ผ่านตัวกลางไปยังความผิดปกติทางธรณีวิทยาแล้วสะท้อนกลับมาที่ ตัวรับคลื่นที่ติดตั้งไว้ที่บริเวณผิวของดาดอุโมงค์ [1] การประมวลผล ข้อมูลของคลื่นที่ตัวรับสัญญาณแบบดั้งเดิมกระทำในปริภูมิของ ระยะทางกับเวลา โดยการหาจุดตัดกันระหว่างแนวของคลื่นตรงและ คลื่นสะท้อน เพื่อทำนายถึงตำแหน่งของความผิดปกติที่อยู่บริเวณ หน้าอุโมงค์ ซึ่งสามารถอธิบายโดยย่อได้ดังรูปที่ 1 จากการทดสอบที่ อุโมงค์ Hsueh Shan ในประเทศจีน พบว่าวิธี TSP สามารถ คาดการณ์ตำแหน่งของรอยต่อที่วางตัวอยู่ข้างหน้าอุโมงค์ได้ แต่ สำหรับการประเมินลักษณะทางกายภาพของความผิดปกตินั้น จำเป็นต้องวิเคราะห์ข้อมูลทางธรณีวิทยาของพื้นที่การขุดเจาะ อุโมงค์ควบคู่กันไปด้วย [2]





รูปที่ 1 การหาตำแหน่งของความผิดปกติทางธรณีวิทยาด้วยการ ลากเส้นตัดระหว่างแนวของคลื่นตรงและคลื่นสะท้อน [1]

### 2. วิธีการประมวลผล และวิเคราะห์ผล

การตรวจวัดด้วยวิธี TSP ประกอบด้วยข้อมูลคลื่นที่ตรวจวัดได้ จากการจุดระเบิดขนาดเล็กตามแนวอุโมงค์ประมาณ 16~24 ตำแหน่ง ทุกๆ ระยะประมาณ 1~2 m เมื่อนำข้อมูลดังกล่าวมา แสดงผลรวมกันจะได้หน้าตัดการสั่น (Seismic section) ในปริภูมิ ของระยะทาง - เวลา สัญญาณประเภทคลื่นตรงที่แฝงอยู่ในข้อมูลนี้ จะถูกกรองออกด้วยตัวกรองแบบ F-K เพื่อทำให้เหลือแต่สัญญาณ ประเภทคลื่นสะท้อนเท่านั้น

ข้อมูลที่ผ่านการกรองแล้วนี้จะถูกแปลงให้เป็นหน้าตัดขวางแบบ สองมิติในปริภูมิของระยะทาง – ระยะทางด้วยการวิเคราะห์แบบ Kirchhoff ผลลัพธ์ที่ได้จากการวิเคราะห์คือ หน้าตัดแบบสองมิติที่ แสดงตำแหน่งของพื้นผิวสะท้อนต่างๆ ที่เป็นไปได้ในชั้นดิน ซึ่ง รวมถึงความผิดปกติทางธรณีวิทยาบริเวณหน้าอุโมงค์ด้วย

ในการศึกษาครั้งนี้ ได้ปรับปรุงการวิเคราะห์แบบ Kirchhoff โดยนำทิศทางของคลื่นสะท้อนมาประกอบการวิเคราะห์ด้วย ซึ่งทำ ให้ได้ผลการวิเคราะห์ที่แม่นยำขึ้นดังที่จะได้แสดงรายละเอียดต่อไป

### 2.1. ตัวกรองแบบ F-K

ข้อมูลคลื่นไหวสะเทือนที่เก็บได้จากพื้นที่จริงประกอบไปด้วย คลื่นหลายประเภท เช่น คลื่นตรง (Direct waves) คลื่นเสียง (Sound waves) คลื่นผิวภายในอุโมงค์ (Surface waves) และ คลื่นสะท้อนจากหน้าอุโมงค์ (Tunnel face reflection waves) ซึ่ง จะปะปนอยู่กับคลื่นสะท้อนจากความผิดปกติทางธรณี (Reflection waves from geological anomaly) ซึ่งเป็นเป้าหมายหลักของ การวิเคราะห์ [3] ดังนั้นจึงจำเป็นต้องขจัดคลื่นรบกวนเหล่านี้ออก ก่อนที่จะนำเอาคลื่นสะท้อนไปประมวลผลต่อไป ตัวอย่างของการ กรองสัญญาณด้วยวิธี F-K ได้แสดงในรูปที่ 2ก และรูปที่ 2ข





## 2.2. พื้นผิวสะท้อนและทิศการสั่นของคลื่นที่ตรวจวัดได้

ระยะทางที่คลื่นเคลื่อนที่จากแหล่งกำเนิด ไปยังพื้นผิวสะท้อน และสะท้อนกลับมาที่ตัวรับสัญญาณ (*L*<sub>w</sub>) จะมีความสัมพันธ์ดัง สมการที่ 1

$$L_w = V \times T_R \tag{1}$$

โดยที่ *V* คือความเร็วเฉลี่ยในการเคลื่อนที่ของคลื่นในตัวกลาง และ *T<sub>R</sub>* คือเวลาในการเคลื่อนที่ของคลื่นจากแหล่งกำเนิดคลื่นไป กระทบผิวสะท้อนและเคลื่อนที่กลับมาที่ตัวรับสัญญาณ

เมื่อกำหนดให้จุดกำเนิดคลื่น S ตัวรับสัญญาณ R และจุด สะท้อน P อยู่ในระบบพิกัดคาร์ทิเซียนดังรูปที่ 3 จะสามารถ คำนวณหาค่า Lw จากความสัมพันธ์เชิงเรขาคณิตได้ดังสมการที่ 2

$$L_w = \sqrt{(X_S - X_P)^2 + (Y_S - Y_P)^2} +$$
(2)  
$$\sqrt{(X_R - X_P)^2 + (Y_R - Y_P)^2}$$

จากสมการที่ 2 สามารถจัดรูปใหม่เป็นสมการของทรงรีได้ดังนี้

$$\frac{X_P^2}{Lw^2} + \frac{Y_P^2}{Lw^2 - 4X_S^2} = \frac{1}{4}$$
<sup>(3)</sup>

โดยที่ (X<sub>S</sub>, Y<sub>S</sub>), (X<sub>R</sub>, Y<sub>R</sub>), (X<sub>P</sub>, Y<sub>P</sub>) คือพิกัดของแหล่ง กำเนิดคลื่น ตัวรับสัญญาณ และจุดสะท้อนตามถำดับ พื้นผิวที่สร้าง ได้จากสมการที่ 3 นี้เรียกว่าพื้นผิวสะท้อน (Equi-Travel time surface) [4] ซึ่งมีจุดกำเนิดคลื่นและตัวรับสัญญาณเป็นจุดโฟกัส นั่นเอง





รูปที่ 3 ความสัมพันธ์ระหว่างจุดกำเนิดคลื่น S, ตัวรับสัญญาณ R, จุดสะท้อน P และ พื้นผิวสะท้อน



รูปที่ 4 ทิศของการสั่นของคลื่นที่วัดได้และทิศของคลื่นสะท้อน

ในการวิเคราะห์ทั่วไปนั้นจะทราบระยะเวลาที่คลื่นใช้ในการ เดินทางไปกลับก่อน แล้วจึงนำค่าดังกล่าวไปวิเคราะห์หาตำแหน่งที่ เกิดการสะท้อน ซึ่งผลลัพธ์ที่ได้เป็นไปได้คือ ทุก ๆ ตำแหน่งบน พื้นผิวสะท้อน หรืออาจกล่าวในอีกนัยหนึ่งได้ว่า มีคำตอบที่เป็นไปได้ หลายคำตอบ ทำให้ไม่สามารถนำผลวิเคราะห์ดังกล่าวไปใช้ ประโยชน์ในการทำงานจริงต่อไปได้ และเพื่อระบุตำแหน่งที่เกิดการ สะท้อนที่แท้จริงอยู่ที่ตำแหน่งใดบนพื้นผิวสะท้อน จำเป็นต้องนำ ข้อมูลอื่นๆ มาช่วยในการวิเคราะห์ด้วย เช่น ทิศทางของการสั่นของ คลื่นที่ตรวจวัดได้ [4]

จากรูปที่ 4 เมื่อกำหนดให้  $\vec{u}$  เป็นคลื่นที่ตรวจวัดได้ที่จัดอยู่ใน รูปเวกเตอร์,  $\vec{e}$  เป็นเวกเตอร์ทิศทาง จากจุด Q ใด ๆ บนพื้นผิว สะท้อนไปยังตัวรับสัญญาณ และ  $\theta$  เป็นมุมระหว่าง  $\vec{u}$  และ  $\vec{e}$  และ ขนาดของคลื่นเท่ากับ A เมื่อนำสัญญาณคลื่นที่ตรวจวัดได้ไปคูณ แบบจุด (dot product) กับเวกเตอร์  $\vec{e}$  จะได้ผลลัพธ์ที่เวลาต่าง ๆ เท่ากับ  $Acos\theta$  ซึ่งจะมีค่ามากสุดเมื่อจุด Q ที่สมมตินั้นอยู่ตรงกับ จุดสะท้อนที่แท้จริง

# 2.3. การวิเคราะห์แบบ Kirchhoff

ข้อมูลตรวจวัดที่ในปริภูมิระยะทาง – เวลา ที่ผ่านการกรองด้วย วิธี F-K แล้ว จะสามารถเปลี่ยนเป็นข้อมูลเชิงระยะทาง – ระยะทาง หรือหน้าตัดชั้นดินได้โดยการวิเคราะห์แบบ Kirchhoff [5]

$$A(x,t) \xrightarrow{\text{Migration}} I(h,z) \tag{4}$$

โดยที่ A(x,t) เป็นแอมพลิจูดของคลื่นตรวจวัด ณ ระยะ  $x_i$ จากจุดกำเนิดคลื่น (Offset) ที่เวลา  $t_k$  และ I(h,z) คือแอมพลิ จูดของคลื่นที่ระยะ  $h_k$  และความลึก  $z_l$  ในตัวกลาง ดังรูปที่ 5

ปริมาณ |I(h,z)| ที่สูงจะบ่งบอกว่า มีความเป็นได้สูงที่จุดนั้น จะเป็นจุดสะท้อน แต่ในทางกลับกันหากปริมาณ |I(h,z)| มีค่า เข้าใกล้ศูนย์ จะสามารถบ่งบอกได้ว่าจุดนั้นมีโอกาสน้อยที่จะเป็นจุด สะท้อน



รูปที่ 5 การแปลงข้อมูลตรวจวัด เป็นหน้าตัดชั้นหิน

## 3. การจำลองข้อมูลแบบสังเคราะห์

การศึกษาในครั้งนี้ ใช้โปรแกรม SPECFEM2D สร้างคลื่น สังเคราะห์ประเภทคลื่นอัด โดยใช้แบบจำลองชั้นหินที่มีความเร็ว คลื่นอัดเท่ากับ 3,000 m/s ขนาดกว้าง 500 เมตร ยาว 500 เมตร ภายในแบบจำลองประกอบด้วยอุโมงค์ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 10 เมตร และกระเปาะทรายซึ่งมีความเร็วคลื่นอัดเท่ากับ 1,000 m/s ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 50 เมตร

ในการสร้างคลื่นสังเคราะห์ ได้กำหนดจุดกำเนิดคลื่นจำนวน 24 ตำแหน่ง ที่ระยะ 2, 4, 6, ... 48 เมตร จากหน้าอุโมงค์ ในฝั่งซ้าย ของอุโมงค์ที่ระยะ 7 เมตรในแนวรัศมีวัดจากจุดศูนย์กลางของ อุโมงค์ และจัดจุดรับสัญญาณคลื่นสั่นสะเทือนไว้ที่ระยะ 61 และ 63 เมตร จากหน้าอุโมงค์ ทั้งด้านซ้ายและขวาของอุโมงค์ ที่ระยะ 7 เมตรในแนวรัศมีวัดจากจุดศูนย์กลางของอุโมงค์ (รูปที่ 6)

สำหรับตำแหน่งของกระเปาะทรายนั้นจัดวางในตำแหน่งที่ แตกต่างกันสองตำแหน่ง ได้แก่ กรณีที่ 1. กระเปาะทรายวางตัวอยู่ ในแนวขุดเจาะของอุโมงค์ และ กรณีที่ 2. กระเปาะทรายวางตัวอยู่ ห่างจากแนวขุดเจาะของอุโมงค์ออกไปทางด้านข้างเป็นระยะทาง 100 m ดังแสดงในรูปที่ 7 และรูปที่ 8 ตามลำดับ

ในการจำลองการแพร่กระจายคลื่น ได้สร้างคลื่นอัดสังเคราะห์ แบบริคเกอร์ที่มีความถิ่หลักเท่ากับ 1,000 เฮิรตซ์ และระยะเวลา เท่ากับ 2.4 มิลลิวินาที ที่จุดกำเนิดคลื่น โดยการจำลองแต่ละครั้ง ใช้ เวลาตรวจวัดคลื่นทั้งหมด 0.4 วินาที หลังจากนั้นจะเริ่มการจำลอง ใหม่โดยเปลี่ยนตำแหน่งของจุดกำเนิดคลื่นจนครบ 24 ตำแหน่ง ข้อมูลคลื่นที่ได้จากจุดตรวจวัดทั้งสี่จุดจะถูกนำไปใช้ในการวิเคราะห์ ผลต่อไป







จากการจำลองการแพร่กระจายของคลื่นด้วยวิธี Spectral element method คลื่นตรงที่เกิดขึ้นจะเคลื่อนที่ไปยังตัวรับ สัญญาณ จากนั้นเคลื่อนไปยังความผิดปกติทางธรณีวิทยาภายหน้า อุโมงค์ และสะท้อนกลับมายังตัวรับสัญญาณอีกครั้ง ดังรูปที่ 9







รูปที่ 8 แบบจำลองความเร็วชั้นหินที่มีความผิดปกติทาง ธรณีวิทยาวางตัวอยู่นอกแนวการขุดเจาะของอุโมงค์



รูปที่ 9 การจำลองการแพร่กระจายของคลื่นด้วยวิธี Spectral element method

ผลจากการเก็บข้อมูลในปริภูมิของ ระยะทาง – เวลา ดังรูปที่ 10 โดยความชันของคลื่นในปริภูมิดังกล่าว สามารถบ่งบอกถึง ความเร็วและทิศทางของคลื่น ซึ่งผลที่ได้จากการจำลองการ แพร่กระจายของคลื่นจะเห็นได้ว่า มีคลื่นที่มีความเร็วเท่ากันแต่ ทิศทางตรงกันข้าม บ่งบอกถึงคลื่นตรง (Direct wave) และคลื่น สะท้อน (Reflected wave) ซึ่งเป็นคลื่นหลักที่จะใช้ในการวิเคราะห์ ผลต่อไป



รูปที่ 10 ข้อมูลจากตัวรับสัญญาณ ในปริภูมิของ ระยะทาง - เวลา

### 4. การเปรียบเทียบผล

เมื่อนำเอาคลื่นตรวจวัดจำลองในหัวข้อก่อนหน้ามาประมวลผล และแสดงเป็นหน้าตัดด้วยวิธี Kirchhoff จะได้ผลดังแสดงในรูปที่ 11 ถึง 14 โดยบริเวณที่มีความเข้มสีสูงในภาพหน้าตัด จะแสดงถึง ตำแหน่ง และขนาดที่เป็นไปได้ของกระเปาะทราย ส่วนเส้นทึบสีแดง จะแสดงถึงตำแหน่งของอุโมงค์ และเส้นประสีแดงจะแสดงถึง ตำแหน่งของกระเปาะทราย



จากรูปที่ 11 เมื่อวิเคราะห์ผลโดยไม่คำนึงถึงทิศการสั่นของ คลื่นจะสามารถประเมินได้ว่ามีกระเปาะทรายอยู่ด้านหน้าของ อุโมงค์ โดยมีมุมเปิด 45 องศา และยังพบการสะท้อนหลายครั้ง ที่ ตำแหน่งถัดจากกระเปาะทรายออกไป เมื่อเปรียบเทียบกับการ วิเคราะห์ผลที่คำนึงถึงทิศของการสั่น มุมเปิดที่พบมีขนาด 29 องศา ซึ่งมีขนาดที่เล็ก และใกล้เคียงกับขนาดจริงกว่า ดังรูปที่ 12

จากรูปที่ 13 เมื่อวิเคราะห์โดยไม่คำนึงถึงทิศของการสั่น พบ กว่า การสะท้อนที่ชัดที่สุดอยู่ที่ตำแหน่งของกระเปาะทรายนอกแนว อุโมงค์ โดยมีมุมเปิด 25 องศา แต่ยังคงพบการสะท้อนที่อยู่ในแนว อุโมงค์อยู่ ซึ่งเป็นจุดสะท้อนที่ไม่มีอยู่จริง เมื่อเปรียบเทียบกับการ วิเคราะห์โดยคำนึงถึงทิศของการสั่นในรูปที่ 14 จะพบตำแหน่งของ กระเปาะทรายที่มุมเปิด 17 องศา และสามารถกำจัดการสะท้อนใน แนวอุโมงค์ได้

อย่างไรก็ตาม การวิเคราะห์โดยคำนึงถึงทิศของการสั่น ยังคง เกิดภาพของจุดสะท้อนที่ไม่มีอยู่จริงอยู่ ได้แก่ 1. ภาพบนพื้นผิว สะท้อนบริเวณนอกแนวของอุโมงค์ ในรูปที่ 12 และ 2. ภาพสะท้อน ของกระเปาะทราย โดยมีแนวของอุโมงค์เป็นเส้นสะท้อน ในรูปที่ 14 เพราะฉะนั้นการทำนายถึงตำแหน่งของความผิดปกติทางธรณีวิทยา ด้านหน้าอุโมงค์ อาจต้องมีข้อมูลทางธรณีวิทยาโดยรอบอุโมงค์ด้วย เพื่อไม่ให้เกิดความผิดพลาดในการทำนายถึงตำแหน่งของความ ผิดปกติดังกล่าว



รูปที่ 11 ข้อมูลจากการแปลผลแบบ Kirchhoff จากข้อมูลคลื่นที่ ได้จากแบบจำลองความเร็วชั้นหิน กรณีที่ 1



รูปที่ 12 ข้อมูลจากการแปลผลแบบ Kirchhoff โดยคำนึงถึงการ สั่นจากข้อมูลคลื่นที่ได้จากแบบจำลองความเร็วชั้นหิน กรณีที่ 1



รูปที่ 13 ข้อมูลจากการแปลผลแบบ Kirchhoff จากข้อมูลคลื่นที่ ได้จากแบบจำลองความเร็วชั้นหิน กรณีที่ 2



รูปที่ 14 ข้อมูลจากการแปลผลแบบ Kirchhoff โดยคำนึงถึงทิศ ของการสั่น จากข้อมูลคลื่นที่ได้จากแบบจำลองความเร็ว ชั้นหิน กรณีที่ 2



### 5. สรุปผล

จากการสร้างแบบจำลองความเร็วในชั้นหิน 2 รูปแบบ แล้ว นำไปประมวลผลด้วยการกรองแบบ F-K และวิเคราะห์แบบ Kirchhoff โดยคำนึง และไม่คำนึงถึงทิศทางของการสั่นของตัวรับ สัญญาณ เพื่อทำนายตำแหน่งของความผิดปกติทางธรณีวิทยา บริเวณหน้าอุโมงค์สามารถสรุปได้ดังนี้

- การกรองความเร็วคลื่นแบบ F-K สามารถขจัดคลื่นที่ รบกวนคลื่นสะท้อนจากความผิดปกติทางธรณีวิทยา ด้านหน้าอุโมงค์ได้
- การวิเคราะห์โดยคำนึงถึงการสั่นของตัวรับสัญญาณ สามารถ เพิ่มความแม่นยำในการระบุความกว้างของ ความผิดปกติทางธรณีวิทยา และลดภาพที่เกิดจากการ สะท้อนหลายครั้งได้

อย่างไรก็ตาม การจำลองและการวิเคราะห์ในงานวิจัยนี้ จะถูก จำกัดอยู่ในระนาบ 2 มิติ ซึ่งเป็นระนาบที่อยู่ในทิศทางการสั่นของ ตัวรับสัญญาณเท่านั้น แต่ถ้าหากเป็นปัญหาระดับ 3 มิติ การ ตรวจวัดข้อมูลจำเป็นต้องเพิ่มแกนการสั่นของตัวรับสัญญาณเป็น ระบบ 3 แกน และใช้การวิเคราะห์ในรูปแบบเดียวกันกับที่เสนอก่อน หน้า แต่เป็นการคำนวณกับสัญญาณแบบเวคเตอร์ในปริภูมิ 3 มิติ หรือ ใช้วิธีการคำนวณแบบเดิมในปริภูมิ 2 มิติจำนวน 2 รอบ โดย การวิเคราะห์ครั้งแรกจะใช้ข้อมูลจากการสั่น 2 ทิศทางในแนวราบ ส่วนการวิเคราะห์ครั้งที่สองจะใช้ข้อมูลทิศทางการสั่นในระนาบดิ่งที่ วางตัวตามแนวอุโมงค์ การวิเคราะห์ดังกล่าวสามารถแสดงเป็นหน้า ตัด 2 ระนาบที่ตั้งฉากกันเพื่อแสดงถึงตำแหน่งของความผิดปกติทาง

### ธรณีวิทยาในระบบ 3 มิติได้

### 6. รายการอ้างอิง

- G. Sattel, P. Frey, and R. Amberg. (1992). Prediction ahead of the tunnel face by seismic methods - pilot project in Centovalli Tunnel, Locarno, Switzerland, First Break, vol. 10, no. 1., 19–25. DOI: 10.3997/1365-2397.1992002
- [2] D.-T. Tsai, F.-L. Hwang, H.-M. Shih, S.-C. Kao, J.-S. Tseng, and L.-P. Shi. (2005). Application of Tunnel Seismic Prediction for the Hsuehshan Tunnel. 171– 176. November 7 - 20, Taipei, Taiwan.
- [3] Y. Wang, N. Fu, X. Lu, and Z. Fu. (2019). Application of a new geophone and geometry in tunnel seismic detection. Sensors (Switzerland), vol. 19, no. 5, DOI: 10.3390/s19051246.
- [4] Y. Ashida, T. Matsuoka, T. Watanabe, and H. Kusumi. (2002). Seismic imaging ahead of tunnel face with three component geophones. SEG Tech. Progr. Expand. Abstr., vol. 21, no. 1, 1622–1625,, DOI: 10.1190/1.1816984.
- [5] A. A. Kaufman, A. L. Levshin, and K. L. Larner, (2002).
  Methods in Geochemistry and Geophysics. Acoustic and Elastic Wave Fields in Geophysics II,, 187–238